

1. Дано уравнение $2\cos^2 x + 2\sin 2x = 3$.

a) Решите данное уравнение.

b) Укажите корни данного уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{3\pi}{2}; -\frac{\pi}{2}\right]$.

2. a) Решите уравнение $\sqrt{3}\sin 2x + 3\cos 2x = 0$.

b) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\frac{3\pi}{2}; 3\pi\right]$.

3. a) Решите уравнение $\sin 2x + 2\cos^2 x + \cos 2x = 0$.

b) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-\frac{9\pi}{2}; -3\pi\right]$.

4. a) Решите уравнение $\sin x + \left(\cos \frac{x}{2} - \sin \frac{x}{2}\right) \left(\cos \frac{x}{2} + \sin \frac{x}{2}\right) = 0$.

b) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left[\pi, \frac{5\pi}{2}\right]$.

5. a) Решите уравнение $\cos 2x - \sin^3 x \cdot \cos x + 1 = \sin^2 x + \sin x \cdot \cos^3 x$

b) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $(-\operatorname{arctg} 2; \pi)$.

6. a) Решите уравнение

$$2\sin^3 x - \sin^2 x \cdot \cos x - 13\sin x \cdot \cos^2 x - 6\cos^3 x = \sin\left(\frac{\pi}{3} + x\right) - \cos\left(\frac{\pi}{6} - x\right).$$

b) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$.

7. a) Решите уравнение $2\sin^2 x + \sin x \cos x + \sqrt{3}(\sin 2x + \cos^2 x) = 0$.

b) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\frac{5\pi}{6}; \frac{11\pi}{6}\right]$.

8. a) Решите уравнение $\left(\operatorname{ctg}\left(\frac{\pi}{2} - x\right) - 1\right) \cdot \left(\cos^2 x + \frac{\sqrt{3}}{2} \sin 2x\right) = 0$.

b) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\frac{\pi}{2}; 3\pi\right]$.

9. a) Решите уравнение $2\cos^2 x + 3\sin 2x = 4 + 3\cos 2x$.

b) Найдите все корни уравнения, принадлежащие отрезку $[5\pi; 6\pi]$.