

1. Дано уравнение  $2 \cos^2 x + 2 \sin 2x = 3$ .

а) Решите данное уравнение.

б) Укажите корни данного уравнения, принадлежащие промежутку  $\left[-\frac{3\pi}{2}; -\frac{\pi}{2}\right]$ .

2. а) Решите уравнение  $\sqrt{3} \sin 2x + 3 \cos 2x = 0$ .

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[\frac{3\pi}{2}; 3\pi\right]$ .

3. а) Решите уравнение  $\sin 2x + 2 \cos^2 x + \cos 2x = 0$ .

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[-\frac{9\pi}{2}; -3\pi\right]$ .

4. а) Решите уравнение  $\sin x + \left(\cos \frac{x}{2} - \sin \frac{x}{2}\right) \left(\cos \frac{x}{2} + \sin \frac{x}{2}\right) = 0$ .

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $\left[\pi, \frac{5\pi}{2}\right]$ .

5. а) Решите уравнение  $\cos 2x - \sin^3 x \cdot \cos x + 1 = \sin^2 x + \sin x \cdot \cos^3 x$

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $(-\arctg 2; \pi)$ .

6. а) Решите уравнение

$$2 \sin^3 x - \sin^2 x \cdot \cos x - 13 \sin x \cdot \cos^2 x - 6 \cos^3 x = \sin \left(\frac{\pi}{3} + x\right) - \cos \left(\frac{\pi}{6} - x\right).$$

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $\left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$ .

7. а) Решите уравнение  $2 \sin^2 x + \sin x \cos x + \sqrt{3}(\sin 2x + \cos^2 x) = 0$ .

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[\frac{5\pi}{6}; \frac{11\pi}{6}\right]$ .

8. а) Решите уравнение  $\left(\operatorname{ctg} \left(\frac{\pi}{2} - x\right) - 1\right) \cdot \left(\cos^2 x + \frac{\sqrt{3}}{2} \sin 2x\right) = 0$ .

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[\frac{\pi}{2}; 3\pi\right]$ .

9. а) Решите уравнение  $2 \cos^2 x + 3 \sin 2x = 4 + 3 \cos 2x$ .

б) Найдите все корни уравнения, принадлежащие отрезку  $[5\pi; 6\pi]$ .

10. а) Решите уравнение  $2 \cos \left(x - \frac{\pi}{4}\right) - \sqrt{2} \sin x = 2 \sin \left(x + \frac{\pi}{4}\right) - \sqrt{2} \cos x$ .

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $[-6\pi; -5\pi]$ .

11. а) Решите уравнение  $8(\sin^6 x + \cos^6 x) = \sqrt{3} \sin 4x + 5$ .

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[\frac{2\pi}{3}; \frac{3\pi}{2}\right]$ .