Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$a\left(x+\frac{4}{x}\right)^2+3\left(x+\frac{4}{x}\right)-64a+32=0,$$

имеет ровно два различных корня.