Правильная треугольная призма $ABCA_1B_1C_1$ описана около шара радиуса R. Точки M и N — середины рёбер BB_1 и CC_1. В шар вписан цилиндр так, что его основание лежит в плоскости AMN. Найдите объём цилиндра