Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\begin{cases} ax^2+ay^2+2ax+(a+2)y+1=0, \\ xy+1=x+y \end{cases}$$

имеет ровно четыре различных решения.