Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$a\left(x+\frac{4}{x}\right)^2+2\left(x+\frac{4}{x}\right)-49a+14=0,$$

имеет ровно два различных корня.