Найдите все значения параметра a, при каждом из которых решением системы

$$\begin{cases} |x-a+4|+|x+3a+8|=4a+4, \\ a^2+x^2+2a\leqslant 24 \end{cases}$$

является отрезок, длина которого равна двум.