Найдите все значения a, при каждом из которых неравенство

$$|x+2a+6|+|x-2a-14| \leqslant 4|x|+4|x-4|$$

выполняется при всех значениях x.