Найдите все значения a, при каждом из которых система

$$\begin{cases} x^2+y^2=8|x-y|+8|a|, \\ x+y=a \end{cases}$$

имеет нечётное число различных решений.