Найдите все значения параметра a, при каждом из которых система уравнений

$$\begin{cases} x+y=2a, \\ |y|=|x^2+2x|. \end{cases}$$

имеет два решения.