

В правильном тетраэдре  $ABCD$  точки  $M$  и  $N$  — середины ребер  $AB$  и  $CD$  соответственно. Плоскость  $\alpha$  перпендикулярна прямой  $MN$  и пересекает ребро  $BC$  в точке  $K$ .

а) Докажите, что прямая  $MN$  перпендикулярна ребрам  $AB$  и  $CD$ .

б) Найдите площадь сечения тетраэдра  $ABCD$  плоскостью  $\alpha$ , если известно, что  $BK = 1$  и  $KC = 5$ .