Определите все значения параметра $a$, при которых уравнение

$$4x^2 - 8|x| + (2a + |x| + x)^2 = 4$$

имеет ровно два различных корня.