Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$a(xy+yz+zx)(x+y+z)=(x+y)(x+z)(y+z)$$

имеет хотя бы одно решение $(x;\,y;\,z)$, где x, y и z — положительные числа.