Найдите наибольшее значение параметра a, при котором уравнение

$$ax^2 = |2x-1|\sqrt{2x-1} + |x-1|\sqrt{4x-1}$$

имеет хотя бы один корень, и укажите корни этого уравнения для такого значения a.