Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\begin{cases} x^2+x+|x^2-x-2| = y^2+y+|y^2-y-2|, \\ x+y=a \end{cases}$$

имеет больше двух решений.