Найти все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\begin{cases} x^2+|x^2+2x|=y^2+|y^2+2y|, \\ x+y=a \end{cases}$$

имеет больше двух решений.