Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{4^x - a} + \frac{a-3}{\sqrt{4^x - a}} = 1$$

имеет ровно два различных корня.