Найдите все значения a, при каждом из которых множество решений неравенства

$$\frac{5-a-(a^2-2a+1)\sin x}{\cos^2 x+a^2+2}<1$$

содержит отрезок $\left[0;\ \frac{2\pi}{3}\right]$.