Найдите все значения параметра a, для каждого из которых уравнение

$$\left|3\sin^2 2x - a\right| + \left|3\cos 4x - 2a - 3\right| = a + 6$$

имеет хотя бы одно решение.