Найдите все значения параметра a, при каждом из которых неравенство

$$-1 \leqslant \sin x \cdot (a - \cos 2x) \leqslant 1$$

верно при всех действительных значениях x.