Решите неравенство $\dfrac{10^x}{2\log_2^2(x+1)^2\cdot\log_3(x+2)}\leqslant\dfrac{(15\cdot 3^x)^x}{9\log_2^2(x+1)^2\cdot\log_3(x+2)}$.