Найдите все значения параметра a, при каждом из которых множество решений неравенства

$$\frac{9a-(a^2-a+3)\sin x+1}{2\cos^2 x+a^2+3}<2$$

содержит отрезок $\left[0;\ \frac{2\pi}{3}\right]$.