Найти все значения параметра a, при которых уравнение

$$\frac{(x^2-4x+a)^3}{2}=(a-4x)\left(3x^4+(a-4x)^2\right).$$

имеет единственное решение на промежутке $(-2-\sqrt{2};\,0]$.