Найдите все значения параметра $a$, при каждом из которых система

$$\begin{cases} x^2+4(a+1)x+3a^2+4a<0, \\ x^2+a^2=16 \end{cases}$$

имеет решения.