Найдите все значения параметра a, при которых неравенство

$$\log_{\frac{1}{a}}\left(\sqrt{x^2+ax+5}+1\right)\cdot\log_5\left(x^2+ax+6\right)+\log_a 3\geqslant 0.$$

имеет ровно одно решение.