Найдите все значения параметра a, при которых уравнение

$$(\cos x - 1)^2 = a(3\cos x + 4\sin^2 x - 8)$$

имеет на промежутке $\left(0;\ \frac{\pi}{2}\right]$ единственный корень.