Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$3\sin x+\cos x=a$$

имеет ровно один корень на отрезке $\left[\frac{\pi}{4};\ \frac{3\pi}{4}\right]$.