Дано уравнение $\log_2 \sin x \cdot \log_{\sin x} \cos^2 x = -1$.

а) Решите уравнение.

б) Найдите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[4\pi;\ \frac{11\pi}{2}\right]$.