а) Решите уравнение: $\cos^2 x + \sin x = \sqrt{2}\sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$.

б) Определите, какие из его корней принадлежат отрезку $\left[-4\pi;\ -\frac{5\pi}{2}\right]$.