Найдите все значения параметра a, при каждом из которых множество значений функции $y=\dfrac{\sqrt{a+1}-2\cos 3x+1}{\sin^2 3x+a+2\sqrt{a+1}+2}$ содержит отрезок $[2;\,3]$.