Определите все значения параметра a при каждом из которых система

$$\begin{cases} 4^x - 2^{x+1} = a + 3, \\ \log_2(3 - x) \geqslant a + 4 \end{cases}$$

имеет ровно два решения.