Найдите все a, при каждом из которых уравнение

$$\log_{3a+2}(\cos^2 x - a^2\cos x + a^2) = 0$$

имеет ровно четыре корня на промежутке $\left(-\frac{2\pi}{3};\ 2\pi\right]$.