Найдите все значения a, при каждом из которых система уравнений

$$\begin{cases} x(x^2+y^2-y-2)=|x|(y-2), \\ y=x+a \end{cases}$$

имеет ровно три различных решения.