В прямоугольном параллелепипеде $ABCDA_1B_1C_1D_1$ известны рёбра $AB = 8$, $AD = 7$ и $AA_1 = 5$. Точка W принадлежит ребру DD_1 и делит его в отношении 1 : 4, считая от вершины D.

а) Докажите, что любая плоскость, проходящая через вершины A_1 и C, делит параллелепипед на две равновеликие фигуры.

б) Найдите площадь сечения этого параллелепипеда плоскостью, проходящей через точки C, W и A_1.