

При каком наибольшем значении параметра  $a$  система уравнений имеет единственное решение

$$\begin{cases} (x + a\sqrt{3})^2 + y^2 + 6y + 8 = 0, \\ \sqrt{3}|x| + y = 6. \end{cases}$$