Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$|(x-1)^2-2^{1-a}|+|x-1|+\\+(1-x)^2+2^{a-1}=4+4^a$$

имеет единственное решение. Найдите это решение для каждого значения a.